Lycée ERRAZI, Taznakht

# Notation Arithmétique dans Notation Notation Arithmétique dans Notation No

Pr. LATRACH Abdelkbir Année scolaire : 2017 – 2018

#### 

Soit  $n \in \mathbb{N}$ .

Étudier la parité de nombres suivants :

4n+300 ; 14n+111 ;  $731 \times 432$ ;  $2^{n+1}+15$  ;  $4n^2+8n+13$  ; n(n+1);

 $n^2 + 5n + 3$  ;  $n(n+1)(n^2 + 5n + 3)$ .

## 

Soit  $n \in \mathbb{N}$ . On pose : a = 2n + 4 et b = 6n + 11.

- ① Étudier la parité de a et b.
- ② Simplifier le nombre  $(6n+11)(-1)^{2n+4} (2n+4)(-1)^{6n+11}$ .
- 3 Monter que  $a^2 + (b+1)^2$  est un multiple de 20.

## 

Soit  $n \in \mathbb{N}$ .

On pose :  $a = 2^{n+3} - 5 \times 2^n$  et  $b = 7^{n+1} \times 2^{n+3}$ .

Montrer que a est multiple de 3 et que 56 divise b.

#### 

- ① Déterminer le chiffre a tel que le nombre 5a74 soit divisible par 3.
- ② Déterminer le chiffre b tel que le nombre 815b soit divisible à la fois par 2 et 9 .
- ③ Déterminer le chiffre c tel que le nombre 921c soit divisible par 3 et non pas par 9.

#### 

Parmi la liste de nombres ci-dessous, indiquer ceux qui sont premiers : 25422 ; 101 ; 70107 ; 137 ; 15631.

### 

Soit n un entier naturel impair.

- ① Étudier la parité de  $n^2 1$  et  $n^2 + 1$ .
- ② Montrer que 8 divise  $n^2 1$ .
- 3 En déduire que 16 divise  $n^4 1$ .

#### 

- ① Vérifier que pour tout entier naturel n:  $n^2 + 4n + 9 = (n+3)(n+1) + 6$ .
- ② Déterminer tous les valeurs de l'entier naturel n pour que le nombre n+3 divise  $n^2+4n+9$ .

#### 

Soient n et m deux entiers naturels.

- ① Montrer que m + n et m n ont la même parité.
  - ② Déterminer tous les nombres entiers m et n qui vérifient :  $m^2 n^2 = 12$ .

#### 

- ① Déterminer les diviseurs du nombre 22.
- ② En déduire tous les entiers naturels x et y qui vérifient : (x+2)(y+1) = 22.

## 

- ① Décomposer en produit de facteurs premiers les nombres : 495 ; 156 ; 1404 ; 4056.
- ② Simplifier l'écriture des nombres suivants :  $\frac{1404}{4056}$  ;  $\sqrt{1404 \times 4056}$  ;  $\frac{495}{1404} + \frac{156}{4056}$
- ③ Déterminer: pgcd(495,156); pgcd(495,1404); pgcd(1404,4056) ppcm(495,156); ppcm(495,1404); ppcm(1404,4056).

## 

Soient a et b deux entiers naturels tels que : a = 4680 et b = 5940.

- ① Décomposer a et b en produit de facteurs premiers.
- ② En déduire la décomposition en produit de facteurs premiers de  $a^2 \times b^3$ .
- ③ Déterminer pgcd(a, b) et ppcm(a, b) puis vérifier que :  $pgcd(a, b) \times ppcm(a, b) = ab$ .
- ① Déterminer le plus petit entier naturels m tel que ma soit un carré parfait.
- $\odot$  Déterminer le plus petit entier naturels n tel que nb soit un cube d'un entier naturel.
- **6** Simplifier:  $\frac{a}{b}$  et  $\sqrt{ab}$ .

## 

Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , on pose :  $x = 7^{n+2} - 7^n$  et  $y = 3 \times 7^{n+1} + 5 \times 7^n$ .

- ① Montrer que *x* est divisible par 3 et que *y* est un multiple de 13
- ② Décomposer, en fonction de n, les nombres x et y en produit de facteurs premiers.
- ③ Déterminer pgcd(x, y) et ppcm(x, y) en fonction de n.

## 

Soit  $n \in \mathbb{N}$ .

- ① Développer  $(n+1)^2 n^2$ .
- ② En déduire que tout nombre impair peut s'écrit comme la différence des carrés de deux entiers consécutifs.
- 3 Application : Montrer que 2017 est la différence de deux carrés d'entiers consécutifs.
- **4** Soit  $a = n^2 + n + 7$ .
  - a) Montrer que a est impair.
  - *b*) En déduire que *a* est la différence de deux carrés d'entiers consécutifs.